

Expreme  $b$  em função de  $k$ , sabendo que  $4k^2 = 9a$  e que  $b$  é raiz quadrada de  $a$ .

- A.  $b = \frac{3}{2}k$       B.  $b = \pm \frac{2}{3}k$       C.  $b = \pm \frac{3}{2}k$       D.  $b = \frac{2}{3}k$

2. Uma empresa tem diversos funcionários. Um deles é o gerente, que recebe 1000 dólares por semana. Os outros funcionários são diaristas. Cada um deles trabalha 2 dias por semana, recebendo 80 dólares por dia trabalhado. Chamando de  $x$  a quantidade total de funcionários da empresa, a quantia  $y$ , em dólares, que essa empresa gasta semanalmente para pagar seus funcionários é expressa por:

- A.  $160x + 840$       B.  $80x + 1000$       C.  $80x + 1080$       D.  $160x + 1000$

3. Durante uma festa de colégio, um grupo de alunos organizou uma rifa. Oitenta alunos faltaram à festa e não participaram da rifa. Entre os que compareceram, alguns compraram 3 bilhetes, 45 compraram 2 bilhetes e muitos compraram apenas 1. O total de alunos que comprou 1 único bilhete era 20% do número total de bilhetes vendidos, e o total de bilhetes vendidos excedeu em 33 o número total de alunos do colégio.

Quantos alunos compraram somente 1 bilhete?

- A. 34      B. 42      C. 47      D. 48

4. O número real  $x$  que satisfaz a equação  $\log_2(12 - 2^x) = 2x$  é:

- A.  $\log_2 3$       B.  $\log_2 \sqrt{3}$       C.  $\log_2 5$       D. 2

5. Se  $M = a + \frac{b-a}{1+ab}$  e  $N = 1 - \frac{ab-a^2}{1+ab}$  com  $ab \neq -1$ , então  $\frac{M}{N}$  é igual a:  
A.  $a$       B.  $a-b$       C.  $b$       D.  $1+ab$

6. As dimensões de um retângulo A são 5 cm e 10 cm, enquanto o comprimento de um retângulo B é de 16 cm. Sabendo-se que a razão entre os perímetros dos retângulos A e B é de  $\frac{3}{5}$ , qual é a largura do retângulo B?

- A. 6cm      B. 7cm      C. 8cm      D. 9cm

7. O número de bactérias  $N$  em um meio de cultura que cresce exponencialmente pode ser determinado pela equação  $N(t) = N_0 e^{kt}$ , onde  $N_0$  é a quantidade inicial e  $k$  é a constante de proporcionalidade. Se inicialmente havia 5000 bactérias na cultura e 8000 bactérias 10 minutos depois, quanto tempo, será necessário para que o número de bactérias seja aproximadamente igual a 5493?

- A. 1.5h      B. 2.5h      C. 2h      D. 3h

8. Encontre o valor de  $k$  para que a divisão do polinómio  $P(x) = x^3 + kx^2 + 4x + 2$  pelo binómio  $2x + 1$  tenha resto igual a  $-\frac{11}{8}$ .

9. A.  $k = -3$       B.  $k = 5$       C.  $k = 3$       D.  $k = -5$
- Seja a matriz  $A = (a_{ij})_{3 \times 4}$  tal que  $a_{ij} = \begin{cases} i + j, & \text{se } i = j \\ 2i - 2j, & \text{se } i \neq j \end{cases}$ , então  $a_{22} + a_{34}$  é igual a:
- A. 5      B. -2      C. 3      D.
10. O domínio de existência da função real  $f(x) = \frac{\ln(x+2)}{\sqrt{-x+1}}$  é o intervalo:
- A.  $[-2; 1]$       B.  $[1; +\infty[$       C.  $[-2; 1[$       D.  $] -2; 1[$
11.  Três triângulos equiláteros e dois quadrados formam uma figura plana, como ilustrado ao lado. Seus centros são os vértices de um pentágono irregular que está sombreado na figura. Se  $T$  é a área de cada um dos triângulos e  $Q$ , a área de cada um dos quadrados, a área desse pentágono é:
- A.  $T + \frac{1}{2}Q$       B.  $\frac{1}{2}T + \frac{1}{2}Q$       C.  $T + Q$       D.  $\frac{1}{3}T + \frac{1}{2}Q$
12. Considere as funções reais  $f(x) = 2x - 6$  e  $g(x) = ax + b$ . Se  $f[g(x)] = 12x + 8$ , o valor de  $a + b$  é
- A. 13      B. 12      C. 10      D. 20
13. Considere as proposições:  $p$ : "A gripe é uma doença infecciosa" e  $q$ : "Algumas doenças são preveníveis". Qual é a tradução para a linguagem simbólica da proposição "Algumas doenças não são preveníveis e a gripe é uma doença infecciosa"?
- A.  $p \wedge q$       B.  $\neg q \Rightarrow p$       C.  $\neg q \wedge p$       D.  $\neg q \vee p$
14. Considere as proposições:  $p$ : "Não chove" e  $q$ : "O sol brilha". Qual é a tradução para a linguagem simbólica da proposição "Se o sol brilha então não chove".
- A.  $p \Rightarrow q$       B.  $q \Rightarrow \neg p$       C.  $q \Rightarrow p$       D.  $p \Rightarrow \neg q$
15. Seja a função  $f(x) = 3x^2 - bx + c$ , em que  $f(2) = 10$  e  $f(-1) = 3$ . Os valores de  $b$ ,  $c$  e da expressão  $f(3) + 2f(1)$  são, respectivamente:
- A.  $\frac{2}{3}, -\frac{2}{3}$  e 21      B.  $-\frac{2}{3}, \frac{2}{3}$  e 21      C.  $-\frac{2}{3}, -\frac{2}{3}$  e -21      D.  $\frac{2}{3}, -\frac{2}{3}$  e -21
16. Um professor escreveu uma progressão aritmética crescente de 8 termos começando pelo número 3 e composta apenas de números naturais. Ele notou, então, que o segundo, o quarto e o oitavo termos dessa progressão aritmética formavam, nessa ordem, uma progressão geométrica. O professor observou também que a soma dos termos dessa progressão geométrica era igual a:
- A. 9      B. 18      C. 36      D. 42

	A função inversa de uma função $f(x)$ do 1º grau passa pelos pontos $(2, 5)$ e $(3, 0)$ . A raiz de			
17.	$f(x) \in:$	B. 9	C. 12	D. 15
	A. 2			
18.		No triângulo ABC traçado na figura ao lado, AD é a bissecriz do ângulo interno em A e $\overline{AD} = \overline{BD}$ . O ângulo interno em A é igual a:		
		A. $90^\circ$	B. $80^\circ$	C. $70^\circ$
				D. $60^\circ$
19.	Se os lados de um triângulo medem $x, x+1$ e $x+2$ , então, para qualquer $x$ real e maior que 1, o cosseno do maior ângulo interno desse triângulo é igual a:			
	A. $\frac{x}{x+1}$	B. $\frac{x}{x+2}$	C. $\frac{x-3}{2x}$	D. $\frac{x-2}{3x}$
20.	A soma dos valores de $x$ que satisfazem a igualdade $ x^2 - x - 2  = 2x + 2$ é:			
	A. 3	B. -2	C. 2	D. -3
21.	Determine o valor de $p$ na equação $6x^2 - 11x + (p-1) = 0$ , para que o produto das raízes seja igual a $2/3$ .			
	A. 3	B. 4	C. -4	D. 5
22.	Qual é o quinto termo do desenvolvimento binomial de $(2x-3)^n$ , sendo $n=5$ ?			
	A. $810x$	B. $810x^4$	C. $720x^3$	D. -243
23.	Calculando a expressão $\frac{(i+1)^2(2i-1)i^3}{(i+1)(i-1)} + 2i$ , obtém-se:			
	A. $4i+1$	B. -1	C. 1	D. $4i-1$
24.	A equação da circunferência de centro $(-1, 2)$ que passa pelo ponto $(-1, 5)$ é:			
	A. $(x-1)^2 + (y-2)^2 = 9$	C. $(x+1)^2 + (y+2)^2 = 9$		
	B. $(x+1)^2 + (y-2)^2 = 9$	D. $(x-1)^2 + (y+2)^2 = 9$		
25.	A solução da inequação $-x^2 \geq -3x-10$ é:			
	A. $]-\infty, -2] \cup [5, +\infty[$	B. $]-\infty, -2[ \cup ]5, +\infty[$	C. $]-2, 5[$	D. $[-2, 5]$
26.	O produto das raízes de $4^{\sqrt{x^2+x-12}} = 1$ é igual a:			
	A. 12	B. -12	C. 8	D. 6
27.	Sejam $a, b \in IR$ . Determine $a$ e $b$ de forma que $g$ , definida por $g(x) = x^4 + (a-2)x^2 + (b+1)x + 3$ seja uma função par.			
	A. $\forall a, b \in R$	B. $\forall b \in R \Rightarrow a=2$	C. $\forall a \in R \Rightarrow b=-1$	D. $a=2 \wedge b=1$
28.	Um táxi andou 1500 metros com uma velocidade de 15 quilómetros por hora; depois 3 quilómetros durante 9 minutos e o resto do caminho com uma velocidade de 30 km/h durante meia hora. Então, a velocidade média de viagem em quilómetros por hora é:			

	A. 21	B. 26	C. 30,5	D.
29.	Qual é o aumento percentual da área de um círculo cujo raio $r$ é aumentado por 50%?	A. 50% B. 100% C. 125% D. 150%		
30.	A soma das raízes da equação $x^4 - 13x^2 + 36 = 0$ é igual a:	A. 0 B. 7 C. -5 D. 10		
31.	O resultado da multiplicação da matriz $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ -1 & -2 & -3 \end{pmatrix}$ pela matriz $B = \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$ é a matriz:	A. $\begin{pmatrix} -1 & 0 & -3 \\ -1 & 0 & -3 \end{pmatrix}$ B. $\begin{pmatrix} -1 & -1 \\ -2 & -2 \\ -3 & -3 \end{pmatrix}$ C. $\begin{pmatrix} -1 & -2 & -3 \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & -2 & -3 \end{pmatrix}$ D. $\begin{pmatrix} 2 \\ -2 \end{pmatrix}$		
		Sabendo que os vértices de um triângulo são A(1,3), B(5,0) e C(0,5), responda às perguntas 32 e 33:		
32.	Qual é a equação geral da reta AB?	A. $3x + 4y - 15 = 0$ B. $-3x + 4y + 15 = 0$ C. $3x - 4y - 15 = 0$ D. $-3x - 4y - 15 = 0$		
33.	Calcule a medida da altura relativa ao vértice C.	A. 1 B. 3 C. 2 D. 4		
34.	A expressão $\frac{\cos^2 x - \cot g x}{\operatorname{sen}^2 x - \operatorname{tg} x}$ é equivalente a:	A. $\operatorname{tg}^2 x$ B. $\frac{1}{\operatorname{sen}^2 x}$ C. $\cos^2 x$ D. $\cot g^2 x$		
35.	O ponto do gráfico da função $y = \sqrt{x}$ onde a tangente à esta curva tem equação $y = x + b$ , satisfazendo o valor do parâmetro indicado b, é:	A. $(4, -2)$ se $b = 6$ B. $\left(\frac{1}{4}, \frac{1}{4}\right)$ se $b = \frac{3}{4}$ C. $\left(\frac{1}{4}, \frac{1}{2}\right)$ se $\frac{1}{4}$ D. $(0, 0)$ se $b = 0$		
36.	Seja $f$ a função, de domínio $IR$ , definida por $f(x) = \begin{cases} 1 + xe^x & , \text{ se } x \leq 3 \\ \ln(x-3) - \ln x & , \text{ se } x > 3 \end{cases}$ . Determine a			

equação reduzida da recta tangente ao gráfico da função  $f$  no ponto de abcissa 4.

A.  $y = \frac{3}{4}x - 3 + \ln 4$

C.  $y = 5e^4x - 16e^4 + 1$

B.  $y = x \ln 4 - 3$

D.  $y = \frac{4}{3}x + \ln 3$

Seja  $f$  a função definida em  $\mathbb{R}$  por  $f(x) = \begin{cases} \frac{e^x - \sqrt{e}}{2x-1}, & \text{se } x < \frac{1}{2} \\ (x+1)\ln x, & \text{se } x \geq \frac{1}{2} \end{cases}$ . Estude a função  $f$  quanto ao sentido das concavidades do seu gráfico e quanto à existência de pontos de inflexão, no intervalo  $\left[\frac{1}{2}, +\infty\right[$ . Responda às perguntas 37 e 38.

37.

O(s) intervalo(s) em que o gráfico de  $f$  tem concavidade voltada para cima são:

A.  $[1, +\infty[$

B.  $] -\infty, 1[$

C.  $] -\infty, 1]$

D.  $] 1, +\infty[$

38.

O(s) intervalo(s) em que o gráfico de  $f$  tem concavidade voltada para baixo são:

A.  $\left[\frac{1}{2}, 1\right]$

B.  $\left]\frac{1}{2}, 1\right[$

C.  $\left[\frac{1}{2}, 1\right]$

D.  $\left]\frac{1}{2}, 1\right]$

39.

O(s) ponto(s) de inflexão do gráfico de  $f$  são:

A.  $(-1, 0)$

B.  $(1, 0)$

C.  $(-1, \ln 2)$

D.  $(\sqrt{e}, 0)$

40.

Seja  $f$  uma função de domínio  $]0, +\infty[$ , cuja derivada,  $f'$ , de domínio  $]0, +\infty[$ , é dada por

$$f' = \frac{2 + \ln x}{x}. \text{ Qual é o valor de } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1)}{1 - x^2}?$$

A. -2

B. 0

C. -1

D. 2

41.

Seja  $g$  a função, de domínio  $\mathbb{R}$ , definida por  $g(x) = \begin{cases} 1 + \frac{\operatorname{sen} x}{1 - e^x}, & \text{se } x < 0 \\ 0, & \text{se } x = 0 \\ x^2 \ln x, & \text{se } x > 0 \end{cases}$ . Determine o

extremo relativo (máximo ou mínimo) que  $g$  tem no intervalo  $]0, +\infty[$ .

A. Máximo =  $-\frac{1}{2e}$    B. Mínimo =  $3e$    C. Mínimo =  $-\frac{1}{2e}$    D. Máximo =  $-3e$

42.

Seja  $g$  a função, de domínio  $\mathbb{R} \setminus \{0\}$ , definida por  $g(x) = \frac{e^{-x}}{x}$  e  $h$ , a função de domínio  $\mathbb{R}^+$ , definida por  $h(x) = g(x) + 2x - \frac{1}{\sqrt{x}}$ . Sabe-se que o gráfico da função  $h$  tem uma assintota

obliqua. Qual é o declive dessa assimptota?

A.  $e^2$

B.  $e$

C. 1

D. 2

43. A soma das constantes A e B para que a função  $f(x) = \begin{cases} x^3 - x^2 + x - 1, & \text{se } x > 2 \\ A, & \text{se } x = 2 \\ B - x^2, & \text{se } x < 2 \end{cases}$  seja contínua em  $x_0 = 2$  é igual a:

A. 14

B. 11

C. 13

D. 10

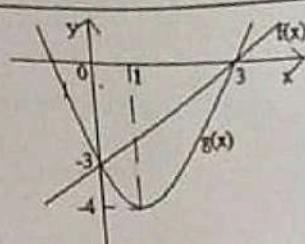
44. Na figura estão representados os gráficos das funções  $f(x)$  e  $g(x)$ . Para que valores de  $x$ ,  $f(x) \leq g(x)$ ?

A.  $x \in [0; 3]$

B.  $x \in [0; 3[$

C.  $x \in [-3; 3]$

D.  $x \in ]-\infty; 0] \cup [3; +\infty[$



45. Que ponto do plano cartesiano fica mais próximo á origem do sistema cartesiano, o ponto  $A(-2, 5)$ ,  $B(-6, -1)$  ou o ponto médio C do segmento AB?

A. A

B. B

C. C

D. Tanto A como B

Respondas às questões 46 e 47 relacionadas com a figura ao lado.

- 46.
- A circunferência de centro O, circunscrita no triângulo ABC, tem de perímetro 18,84cm.  
Os segmentos OB e CD são perpendiculares e têm a mesma medida.  
A área do triângulo é:

A.  $6 \text{ cm}^2$

B.  $9 \text{ cm}^2$

C.  $9,42 \text{ cm}^2$

D.  $18 \text{ cm}^2$

47. As medidas dos segmentos DB e DA estão na proporção de 1 para 3. A medida de DB, em cm, é igual a:

A.  $\frac{3}{2}$

B.  $\frac{7}{2}$

C.  $\frac{5}{2}$

D.  $\frac{9}{2}$

48. A solução do integral  $\int \frac{3x+1}{x} dx$  é:

A.  $3x + \ln|x| + C$

B.  $x^2 + 3x + C$

C.  $3x^2 + \ln|x| + C$

D.  $\frac{3x^2 + x}{x^2} + C$

49. Um viajante andou numa planície 6 quilómetros na direcção de Norte e depois 8 quilómetros na direcção de Leste. A distância recta entre o ponto inicial e o ponto final da viagem é igual a:

A. 10 km

B. 8 km

C. 2 km

D. 14 km

50. O módulo do vector  $\overrightarrow{AB}$  cujos pontos inicial e final são  $A(1, 3, 0)$  e  $B(4, 7, 2\sqrt{6})$  é igual a:

	A. $8 + 2\sqrt{6}$	B. 5	C. $15 + 2\sqrt{6}$	D. 7
51.	Resolvendo a inequação $\sqrt{4 - 3x} \leq \sqrt{7x + 2}$ , a solução é o intervalo: A. $\left[\frac{1}{5}, +\infty\right]$ B. $\left]\frac{1}{5}, \frac{4}{3}\right[$ C. $\left[\frac{11}{3}, +\infty\right]$ D. $\left[\frac{1}{5}, \frac{4}{3}\right]$			
52.	Quantos jogos $m$ de um campeonato de xadrez devem ser realizados num torneio com 20 pessoas e qual é a probabilidade $p$ de uma pessoa ser a vencedora dessa prova? A. $\begin{cases} m = 190 \\ p = 1/20 \end{cases}$ B. $\begin{cases} m = 10 \\ p = 1/10 \end{cases}$ C. $\begin{cases} m = 380 \\ p = 1/40 \end{cases}$ D. $\begin{cases} m = 120 \\ p = 1/40 \end{cases}$			
53.	Sejam $f(x)$ e $g(x)$ duas funções reais de variável real tais que $f(-x) = -f(x)$ e $g(x) = g(-x)$ . Identifique a opção errada. A. $f(x)$ é ímpar      C. O gráfico de $f(x)$ é simétrico em relação ao eixo das abcissas. B. $g(x)$ é par      D. O gráfico de $g(x)$ é simétrico em relação ao eixo das ordenadas.			
54.	Encontre o $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(9n^3 + 2n + 1)^4}{(3n^2 + 7)^6}$ , $n \in \mathbb{N}$ . A. 0      B. $\frac{1}{7}$ C. 9      D. 3			
55.	Considere a função real $f(x) = 2^{-x}$ . O valor da expressão $S = f(0) + f(1) + f(2) + \dots + f(100)$ é: A. $S = 2 + 2^{-100}$ B. $S = 2 - 2^{-100}$ C. $S = 2 + 2^{-101}$ D. $S = 2 - 2^{-101}$			
56.	Calcule a derivada de $f(x) = \frac{2x+1}{\sqrt{x}}$ . A. $f'(x) = \frac{2}{\sqrt{x}}$ B. $f'(x) = 4x^{\frac{1}{2}}$ C. $f'(x) = \frac{2\sqrt{x}}{(2x+1)^2}$ D. $f'(x) = \frac{2x+1}{2x^{\frac{3}{2}}}$			
57.	Uma das funções que cumprem a condição $f'(x) = 4x^3 + x^2$ é: A. $f(x) = x^4 + x^3$ C. $f(x) = 4x^4 + x^3 + 4$ B. $f(x) = -x^4 + \frac{1}{3}x^3 + 4$ D. $f(x) = x^4 + \frac{1}{3}x^3 + 4$			
58.	Calcule o integral $\int 4 \sin(2x) dx$ . A. $-2\cos(2x) + C$ B. $2\cos(2x) + C$ C. $4\cos(2x) + C$ D. $\frac{1}{2}\cos(2x) + C$			
59.	Sejam os gráficos das funções $f_1(t) = \log_{\frac{1}{2}} t$ e $f_2(t) = \log_2 t$ . Para que valores do argumento $t$ será $f_1(t) \geq f_2(t)$ ?			

	A. $t \in ]0, +\infty[$	B. $t \in ]1, +\infty[$	C. $t \in ]0, 1]$	D. $t \in ]-\infty, 1]$	
60.	Qual é a expressão equivalente à expressão $\left(a^{\frac{1}{6}} + 1\right)\left(a^{\frac{1}{2}} + 1\right)\left(a^{\frac{1}{3}} - a^{\frac{1}{6}} + 1\right)$ para $a > 0$ ?	A. $a - 1$	B. $1 + 2a\sqrt{a} + a$	C. $2a^{\frac{1}{6}}$	D. $1 - 2a\sqrt{a} + a$