

**CORREÇÃO DETALHADA**  
**Exame de Admissão de Matemática**  
**UP / 2026**  
**República de Moçambique**

Guião de Correção



*Bem-vindo(a) à nossa aplicação de preparação para exames! Chegou a hora de se destacar nos seus testes e conquistar o sucesso académico que você merece. Apresentamos o "Guião de Exames Resolvidos": a sua ferramenta definitiva para uma preparação eficaz e resultados brilhantes!*

Aqui, encontrará uma vasta coleção de exames anteriores cuidadosamente selecionados e resolvidos por especialistas em cada área. Nossa aplicação é perfeita para estudantes de todos os níveis académicos, desde o ensino médio até a graduação universitária.

## Questões 1-40

### Questão 1

**Resolução:**

Simplificar  $(p \wedge q) \vee (\neg p \wedge q)$

Colocando  $q$  em evidência:

$$(p \wedge q) \vee (\neg p \wedge q) = q \wedge (p \vee \neg p)$$

Como  $p \vee \neg p$  é sempre verdadeiro (tautologia):

$$q \wedge (\text{verdadeiro}) = q$$

**Resposta: B)  $q$**

### Questão 2

**Resolução:**

Preço inicial: 20.000,00 mts

Após 1º reajuste de 10%:

$$P_1 = 20000 \times 1,10 = 22000 \text{ mts}$$

Após 2º reajuste de 10%:

$$P_2 = 22000 \times 1,10 = 24200 \text{ mts}$$

Após desconto de 20%:

$$P_{\text{final}} = 24200 \times 0,80 = 19360 \text{ mts}$$

**Resposta: C) 19.360,00mts**

### Questão 3

**Resolução:**

Calculando cada termo:

**Primeiro termo:**  $\log_{0,04} 125$

Usando  $0,04 = \frac{1}{25} = 5^{-2}$ :

$$\log_{5^{-2}} 5^3 = \frac{3}{-2} = -\frac{3}{2}$$

**Segundo termo:**  $\log_8 \sqrt{32}$

$$\log_8 \sqrt{32} = \log_{2^3} 32^{1/2} = \frac{1}{2 \cdot 3} \log_2 2^5 = \frac{5}{6}$$

**Diferença:**

$$-\frac{3}{2} - \frac{5}{6} = -\frac{9}{6} - \frac{5}{6} = -\frac{14}{6} = -\frac{7}{3}$$

**Resposta: C) sem alternativa correspondente**

## Questão 4

**Resolução:**

Simplificar  $\frac{4a^2 - x^2}{x^3 - 8a^3}$

Fatorando o numerador (diferença de quadrados):

$$4a^2 - x^2 = (2a)^2 - x^2 = (2a - x)(2a + x)$$

Fatorando o denominador (diferença de cubos):

$$x^3 - 8a^3 = x^3 - (2a)^3 = (x - 2a)(x^2 + 2ax + 4a^2)$$

Substituindo:

$$\begin{aligned}\frac{(2a - x)(2a + x)}{(x - 2a)(x^2 + 2ax + 4a^2)} &= \frac{-(x - 2a)(2a + x)}{(x - 2a)(x^2 + 2ax + 4a^2)} \\ &= \frac{-(2a + x)}{x^2 + 2ax + 4a^2} \\ &= \frac{-2a - x}{x^2 + 2ax + 4a^2}\end{aligned}$$

**Resposta:** Sem opção correspondente

## Questão 5

**Resolução:**

Para polinômios idênticos, os coeficientes devem ser iguais:

$$(a - b)x^2 + (a + b)x + 1 = (2a - b)x^2 + (2a + 3)x + 1$$

Comparando coeficientes:

$$\begin{aligned}\text{De } x^2 : \quad a - b &= 2a - b \\ -a &= 0 \quad \Rightarrow \quad a = 0\end{aligned}$$

FILOSCHOOL

$$\begin{aligned}\text{De } x : \quad a + b &= 2a + 3 \\ b &= a + 3 = 0 + 3 = 3\end{aligned}$$

Mas se  $a = 0$ :

$$\begin{aligned}0 - b &= 0 - b \quad \checkmark \\ 0 + b &= 0 + 3 \quad \Rightarrow \quad b = 3\end{aligned}$$

Portanto:  $a + b = 0 + 3 = 3$

**Resposta:** C)  $a + b = 3$

## Questão 6

**Resolução:**

Resolver  $\sqrt{3x + 1} - \sqrt{2x - 1} = 1$

Isolando:

$$\sqrt{3x+1} = 1 + \sqrt{2x-1}$$

Elevando ao quadrado:

$$3x+1 = 1 + 2\sqrt{2x-1} + (2x-1)$$

$$3x+1 = 2x + 2\sqrt{2x-1}$$

$$x = 2\sqrt{2x-1}$$

Elevando novamente ao quadrado:

$$x^2 = 4(2x-1)$$

$$x^2 = 8x - 4$$

$$x^2 - 8x + 4 = 0$$

Produto das raízes (pela relação de Viète):

$$x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a} = \frac{4}{1} = 4$$

**Resposta: C) 4**

## Questão 7

**Resolução:**

A parábola  $y = ax^2 + bx + c$  passa por:

$$P(0, -4): c = -4$$

$$P(2, -1): 4a + 2b - 4 = -1 \Rightarrow 4a + 2b = 3$$

$$P(-2, 5): 4a - 2b - 4 = 5 \Rightarrow 4a - 2b = 9$$

Somando as duas últimas equações:

$$8a = 12 \Rightarrow a = \frac{3}{2}$$

Substituindo em  $4a + 2b = 3$ :

$$6 + 2b = 3 \Rightarrow b = -\frac{3}{2}$$

Produto:

$$a \cdot b \cdot c = \frac{3}{2} \times \left(-\frac{3}{2}\right) \times (-4) = \frac{9}{4} \times 4 = 9$$

**Resposta: D) 9**

## Questão 8

**Resolução:**

Reta dada:  $2x - y = 0 \Rightarrow y = 2x$  (coeficiente angular  $m_1 = 2$ )

Para ser perpendicular:  $m_2 = -\frac{1}{m_1} = -\frac{1}{2}$

A reta  $mx + (2 - m)y + m + 1 = 0$  na forma reduzida:

$$(2 - m)y = -mx - m - 1$$
$$y = -\frac{m}{2 - m}x - \frac{m + 1}{2 - m}$$

Coeficiente angular:  $-\frac{m}{2 - m} = -\frac{1}{2}$

$$\frac{m}{2 - m} = \frac{1}{2}$$
$$2m = 2 - m$$
$$3m = 2$$
$$m = \frac{2}{3}$$

**Resposta: A)  $\frac{2}{3}$**

## Questão 9

**Resolução:**

$$f(x) = 2 + \ln\left(\frac{1+x}{1-x}\right)$$

Se  $f(1 - m) = 2$ :

$$2 + \ln\left(\frac{1 + (1 - m)}{1 - (1 - m)}\right) = 2$$
$$\ln\left(\frac{2 - m}{m}\right) = 0$$
$$\frac{2 - m}{m} = 1$$
$$2 - m = m$$
$$2m = 2$$
$$m = 1$$

Portanto:  $2 + m = 2 + 1 = 3$

**Resposta: C) 3**

## Questão 10

**Resolução:**

$$f(x) = \ln\left|\frac{1+x}{1-x}\right| \geq 0$$

$$\left|\frac{1+x}{1-x}\right| \geq 1$$

Isso ocorre quando:

$$\frac{1+x}{1-x} \geq 1 \quad \text{ou} \quad \frac{1+x}{1-x} \leq -1$$

**Caso 1:**  $\frac{1+x}{1-x} \geq 1$

$$\begin{aligned} 1+x &\geq 1-x \\ 2x &\geq 0 \\ x &\geq 0 \quad (\text{mas } x < 1) \end{aligned}$$

Solução:  $[0, 1[$

**Caso 2:**  $\frac{1+x}{1-x} \leq -1$

$$\begin{aligned} 1+x &\leq -(1-x) \\ 1+x &\leq -1+x \\ 1 &\leq -1 \quad (\text{impossível}) \end{aligned}$$

**Resposta: B)  $[0, 1[$**

## Questão 11

**Resolução:**

Usando  $\cos\left(\frac{x}{2}\right) = \sqrt{\frac{1+\cos x}{2}}$  para  $x = \frac{\pi}{6}$ :

$$\cos\left(\frac{\pi}{12}\right) = \sqrt{\frac{1+\cos(\pi/6)}{2}} = \sqrt{\frac{1+\frac{\sqrt{3}}{2}}{2}} = \sqrt{\frac{2+\sqrt{3}}{4}}$$

Pela identidade  $\sin^2 + \cos^2 = 1$ :

$$\sin\left(\frac{\pi}{12}\right) = \sqrt{1 - \cos^2\left(\frac{\pi}{12}\right)} = \sqrt{1 - \frac{2+\sqrt{3}}{4}} = \sqrt{\frac{2-\sqrt{3}}{4}} = \frac{\sqrt{2-\sqrt{3}}}{2}$$

**Resposta: D)  $\frac{\sqrt{2-\sqrt{3}}}{2}$**

## Questão 12

**Resolução:**

No triângulo retângulo formado: - Distância horizontal: 3,8 km - Ângulo de elevação:  $15^\circ$  - Altura = ?

$$\tan(15) = \frac{\text{altura}}{3,8}$$

$$\text{Altura} = 3,8 \tan(15) \text{ km}$$

**Resposta: A)  $3,8 \tan(15)$  km**

### Questão 13

**Resolução:**

Resolver  $|3x - 2| + 2x - 3 < 0$

**Caso 1:**  $3x - 2 \geq 0$  (i.e.,  $x \geq \frac{2}{3}$ )

$$3x - 2 + 2x - 3 < 0$$

$$5x < 5$$

$$x < 1$$

Intersecção:  $\frac{2}{3} \leq x < 1 \rightarrow$  inteiros: nenhum (só frações)

**Caso 2:**  $3x - 2 < 0$  (i.e.,  $x < \frac{2}{3}$ )

$$-(3x - 2) + 2x - 3 < 0$$

$$-3x + 2 + 2x - 3 < 0$$

$$-x - 1 < 0$$

$$x > -1$$

Intersecção:  $-1 < x < \frac{2}{3} \rightarrow$  inteiro:  $x = 0$

Total: 1 inteiro

**Resposta: D) 1**

### Questão 14

**Resolução:**

Pelo Teorema do Resto, o resto da divisão de  $f(x)$  por  $(x - 3)$  é  $f(3)$ :

$$f(3) = 3(3)^3 - (3)^2 - 52 = 3(27) - 9 - 52 = 81 - 9 - 52 = 20$$

**Resposta: C) 20**

### Questão 15

**Resolução:**

$$5^{x+1} - 5^{x-1} = 90$$

$$5^x \cdot 5 - 5^x \cdot 5^{-1} = 90$$

$$5^x \left( 5 - \frac{1}{5} \right) = 90$$

$$5^x \cdot \frac{24}{5} = 90$$

$$5^x = \frac{90 \cdot 5}{24} = \frac{450}{24} = 18,75$$

**Resposta:**

## Questão 16

### Resolução:

Idades: 5 alunos (6 anos), 2 alunos (7 anos), 6 alunos (8 anos), 4 alunos (9 anos), 3 alunos (10 anos)

Média:

$$\bar{x} = \frac{5(6) + 2(7) + 6(8) + 4(9) + 3(10)}{5 + 2 + 6 + 4 + 3} = \frac{30 + 14 + 48 + 36 + 30}{20} = \frac{158}{20} = 7,9$$

**Resposta: D) 7,9**

## Questão 17

### Resolução:

Uma função ímpar satisfaz  $f(-x) = -f(x)$ , o que significa que o gráfico é simétrico em relação à origem.

Características: - Se o ponto  $(a, b)$  está no gráfico, então  $(-a, -b)$  também está - O gráfico "rotaciona"  $180^\circ$  em torno da origem

O gráfico B mostra essa simetria: possui simetria de rotação de  $180^\circ$  em torno da origem.

**Resposta: B**

## Questão 18

### Resolução:

Primeiro, vamos analisar a expressão dentro do módulo:

$$g(x) = x^2 - 4x = x(x - 4)$$

As raízes de  $g(x)$  são  $x = 0$  e  $x = 4$ .

- Para  $x < 0$  ou  $x > 4$ :  $g(x) > 0$ , então  $|g(x)| = g(x) = x^2 - 4x$
- Para  $0 \leq x \leq 4$ :  $g(x) \leq 0$ , então  $|g(x)| = -g(x) = -(x^2 - 4x) = -x^2 + 4x$

Portanto:

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 4x + 2, & \text{se } x < 0 \text{ ou } x > 4 \\ -x^2 + 4x + 2, & \text{se } 0 \leq x \leq 4 \end{cases}$$

O vértice da parábola  $-x^2 + 4x + 2$  (no intervalo  $[0, 4]$ ) ocorre em  $x = 2$ :

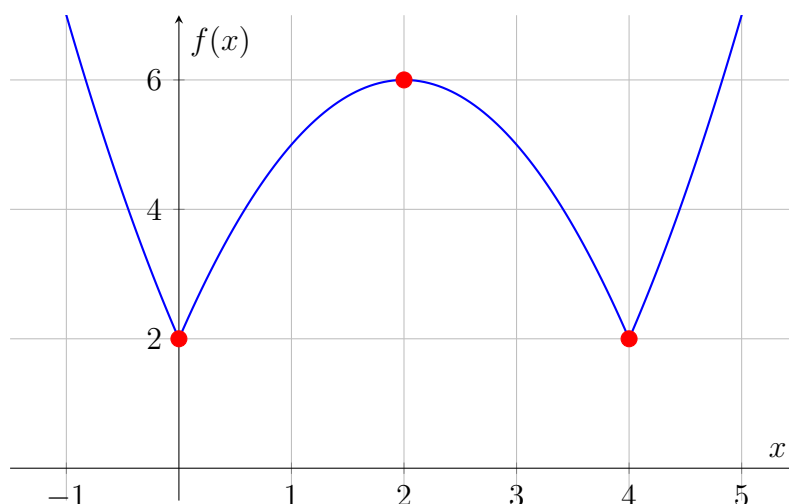
$$f(2) = -4 + 8 + 2 = 6$$

Nos pontos  $x = 0$  e  $x = 4$ :

$$f(0) = f(4) = 2$$



## Gráfico



**Resposta: A**

## Questão 19

Resolução:

$$\frac{6! - 5!}{6!} = \frac{6! - 5!}{6!} = 1 - \frac{5!}{6!} = 1 - \frac{1}{6} = \frac{5}{6}$$

**Resposta: A)  $\frac{5}{6}$**

## Questão 20

Resolução:

$$x! = 72 \cdot (x - 2)!$$

$$x(x - 1)(x - 2)! = 72(x - 2)!$$

$$x(x - 1) = 72$$

$$x^2 - x - 72 = 0$$

Usando formula resolvente:

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{1 + 288}}{2} = \frac{1 \pm 17}{2}$$

$$x_1 = 9 \text{ e } x_2 = -8 \text{ (descartado)}$$

Soma: 9

**Resposta: D) 9**

## Questão 21

### Resolução:

Comissões de 3 pessoas entre 5:

$${}^5C_3 = \binom{5}{3} = \frac{5!}{3!2!} = \frac{5 \times 4}{2} = 10$$

**Resposta: B) 10**

## Questão 22

### Resolução:

Número de apertos de mão entre  $n$  pessoas:

$${}^nC_2 = \binom{n}{2} = \frac{n(n-1)}{2} = 36$$

$$\begin{aligned} n(n-1) &= 72 \\ n^2 - n - 72 &= 0 \end{aligned}$$

Resolvendo:  $n = 9$  ou  $n = -8$  (descartado)

**Resposta: C) 9**

## Questão 23

### Resolução:

Dados ordenados: 1, 2, 2, 3, 3, 4, 4,  $x$  (assumindo  $x$  em ordem)

Com 8 elementos, a mediana é a média entre o 4º e 5º termos.

Se mediana = 2,5:

$$\frac{4^\circ \text{ termo} + 5^\circ \text{ termo}}{2} = 2,5$$

Testando  $x = 2$ : dados são 1, 2, 2, 2, 3, 3, 4, 4

$$\text{Mediana} = \frac{2+3}{2} = 2,5 \quad \checkmark$$

**Resposta: B) 2**

## Questão 24

### Resolução:

Reta  $y = ax$  passa por  $A$  na origem. Reta perpendicular tem coeficiente  $-\frac{1}{a}$  e passa por  $B(2, 0)$ .

Equação da reta perpendicular:

$$\begin{aligned} y - 0 &= -\frac{1}{a}(x - 2) \\ y &= -\frac{1}{a}(x - 2) \end{aligned}$$

Ponto  $C$  está na interseção com o eixo  $y$  (quando  $x = 0$ ):

$$y_c = -\frac{1}{a}(0 - 2) = \frac{2}{a}$$

**Resposta:**  $C \left(0, \frac{2}{a}\right)$

## Questão 25

**Resolução:**

$$f(x) = \frac{x - \sqrt{x-3}}{\sqrt[3]{8-x}}$$

Condições: 1.  $x - 3 \geq 0 \Rightarrow x \geq 3$

2.  $8 - x \neq 0 \Rightarrow x \neq 8$

Domínio:  $[3, 8[ \cup ]8, +\infty[$

Simplificando:  $x \in [3, +\infty[ \setminus \{8\}$

**Resposta:** **A)  $[3, +\infty[$  (mais próximo)**

## Questão 26

**Resolução:**

$g(f(x)) < 0$  onde  $f(x) = x - 2$  e  $g(x) = x^2 - 4x$

$$g(f(x)) = (x - 2)^2 - 4(x - 2) < 0$$

$$(x - 2)^2 - 4x + 8 < 0$$

$$x^2 - 4x + 4 - 4x + 8 < 0$$

$$x^2 - 8x + 12 < 0$$

Raízes:  $x = 2$  e  $x = 6$

Solução:  $2 < x < 6$

Inteiros:  $\{3, 4, 5\} = 3$  números

**Resposta:** **B) 3**

## Questão 27

**Resolução:**

Sucessão:  $\frac{7}{4}, \frac{9}{7}, \frac{11}{10}, \frac{13}{13}, \dots$

Numerador:  $7, 9, 11, 13, \dots$  (P.A. com  $a_1 = 7$ ,  $r = 2$ ) Denominador:  $4, 7, 10, 13, \dots$

(P.A. com  $b_1 = 4$ ,  $r = 3$ )

Termo 20:

$$a_{20} = 7 + 19(2) = 45$$

$$b_{20} = 4 + 19(3) = 61$$

**Resposta:** **A)  $\frac{45}{61}$**

## Questão 28

Resolução:

Em P.A.,  $a_n = a_1 + (n - 1)r$

$$\begin{aligned}a_7 = 17 &\Rightarrow a_1 + 6r = 17 \\a_{25} = -12 &\Rightarrow a_1 + 24r = -12\end{aligned}$$

Subtraindo as equações:

$$\begin{aligned}18r &= -29 \\r &= -\frac{29}{18}\end{aligned}$$

**Resposta: C)  $-\frac{29}{18}$**

## Questão 29

Resolução:

Termos consecutivos de  $(S_n)$ : 168, 220, 279

Como  $S_n = a_1 + a_2 + \dots + a_n$ :

$$S_{n+1} - S_n = a_{n+1}$$

Portanto:

$$\begin{aligned}a_{n+1} &= 220 - 168 = 52 \\a_{n+2} &= 279 - 220 = 59\end{aligned}$$

A razão da P.A. é:

$$r = a_{n+2} - a_{n+1} = 59 - 52 = 7$$

**Resposta:  $r = 7$**

## Questão 30

Resolução:

### Análise da função

Podemos reescrever a função na forma:

$$f(t) = 20 + 2 \sin t - 4 \cos t$$

Para encontrar os valores máximo e mínimo, podemos usar a fórmula:

$$a \sin t + b \cos t = R \sin(t + \phi)$$

onde  $R = \sqrt{a^2 + b^2}$  e  $\tan \phi = \frac{b}{a}$ .

No nosso caso, precisamos reescrever:  $2 \sin t - 4 \cos t$

Temos  $a = 2$  e  $b = -4$ , então:

$$R = \sqrt{2^2 + (-4)^2} = \sqrt{4 + 16} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5} \approx 4,47$$

Portanto:

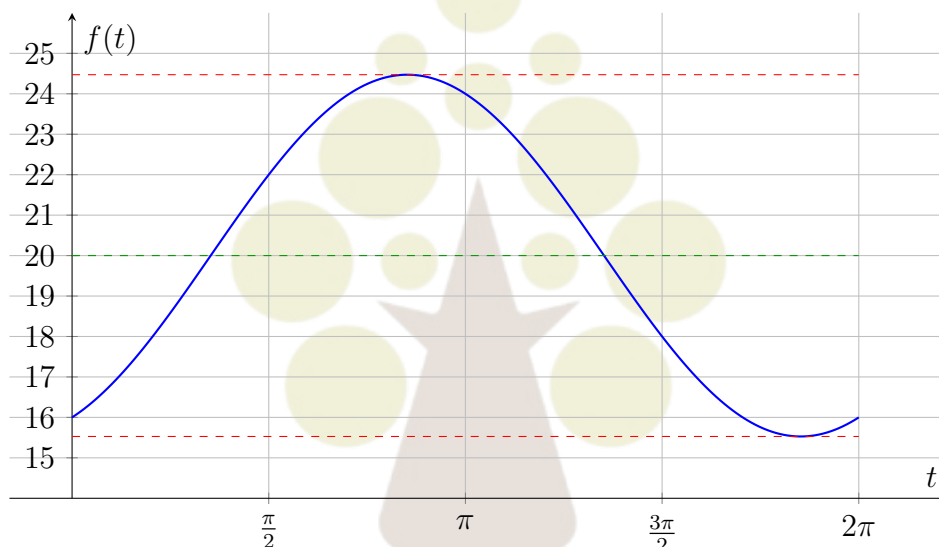
$$f(t) = 20 + 2\sqrt{5} \sin(t + \phi)$$

onde  $\tan \phi = \frac{-4}{2} = -2$ .

Como  $-1 \leq \sin(t + \phi) \leq 1$ :

- **Valor máximo:**  $f_{\max} = 20 + 2\sqrt{5} \approx 24,47$
- **Valor mínimo:**  $f_{\min} = 20 - 2\sqrt{5} \approx 15,53$
- **Período:**  $T = 2\pi$

### Gráfico



Resposta: A

### Questão 31

Resolução:

$$f(x) = \sqrt{x} \cdot \ln(\sqrt{x})$$

Usando a regra do produto:

$$f'(x) = (\sqrt{x})' \cdot \ln(\sqrt{x}) + \sqrt{x} \cdot [\ln(\sqrt{x})]'$$

Calculando cada derivada:

$$(\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

$$[\ln(\sqrt{x})]' = [\ln(x^{1/2})]' = \left[ \frac{1}{2} \ln x \right]' = \frac{1}{2x}$$

Substituindo:

$$\begin{aligned}f'(x) &= \frac{1}{2\sqrt{x}} \cdot \ln(\sqrt{x}) + \sqrt{x} \cdot \frac{1}{2x} \\&= \frac{\ln(\sqrt{x})}{2\sqrt{x}} + \frac{1}{2\sqrt{x}} \\&= \frac{\ln(\sqrt{x}) + 1}{2\sqrt{x}} \\&= \frac{1 + \ln(\sqrt{x})}{2\sqrt{x}}\end{aligned}$$

**Resposta: A)**  $f'(x) = \frac{1+\ln(\sqrt{x})}{2\sqrt{x}}$

### Questão 32

**Resolução:**

$$f(x) = \frac{2x-3}{3x+2}$$

Para encontrar  $f^{-1}(x)$ , fazemos  $y = f(x)$  e isolamos  $x$ :

$$y = \frac{2x-3}{3x+2}$$

$$y(3x+2) = 2x-3$$

$$3xy + 2y = 2x - 3$$

$$3xy - 2x = -3 - 2y$$

$$x(3y - 2) = -3 - 2y$$

$$x = \frac{-3 - 2y}{3y - 2}$$

$$x = \frac{-(3 + 2y)}{3y - 2}$$

$$x = \frac{3 + 2y}{2 - 3y}$$

$$\text{Portanto: } f^{-1}(x) = \frac{3+2x}{2-3x}$$

**Resposta: C)**  $f^{-1}(x) = \frac{3+2x}{2-3x}$

### Questão 33

**Resolução:**

$$\lim_{x \rightarrow 2} \left( \frac{1}{x} - \frac{1}{2} \right) \cdot \frac{1}{x-2}$$

Simplificando:

$$\frac{1}{x} - \frac{1}{2} = \frac{2-x}{2x}$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{2-x}{2x} \cdot \frac{1}{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{2-x}{2x(x-2)} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{-(x-2)}{2x(x-2)}$$

Simplificando:

$$= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{-1}{2x} = \frac{-1}{4}$$

**Resposta: B)  $-\frac{1}{4}$**

### Questão 34

Resolução:

$$\begin{aligned} & \lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{2x-1}{2x+3} \right)^{x-2} \\ & \lim_{x \rightarrow \infty} \left( 1 - \frac{4}{2x+3} \right)^{x-2} \\ & \lim_{x \rightarrow \infty} \left( 1 - \frac{4}{2 \cdot \infty + 3} \right)^{\infty-2} \\ & \lim_{x \rightarrow \infty} (1)^\infty = [1^\infty] \\ & \Rightarrow e^{\lim_{x \rightarrow \infty} \left( 1 - \frac{4}{2x+3} - 1 \right)(x-2)} \\ & = e^{\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-4(x-2)}{2x+3}} \\ & = e^{\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-4x+8}{2x+3}} \\ & = e^{-2} \end{aligned}$$

**Resposta: sem alternativa correcta**

### Questão 35

Resolução:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(3x)}{5x}$$

Usando  $\lim_{u \rightarrow 0} \frac{\sin u}{u} = 1$ :

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3}{5} \cdot \frac{\sin(3x)}{3x} = \frac{3}{5} \cdot 1 = \frac{3}{5}$$

**Resposta: A)  $\frac{3}{5}$**

### Questão 36

Resolução:

$$f(x) = \begin{cases} 3 - x & \text{se } x \leq 1 \\ \frac{x}{2} + 1 & \text{se } x > 1 \end{cases}$$

Verificando continuidade em  $x = 1$ :

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = 3 - 1 = 2$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \frac{1}{2} + 1 = \frac{3}{2}$$

Como  $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ , a função tem descontinuidade de 1ª espécie (salto).

**Resposta: C) descontínua da 1ª espécie em  $x = 1$**

### Questão 37

Resolução:

$$f(x) = \frac{x^2}{x^2 - 4}$$

Pontos críticos são onde  $f'(x) = 0$  ou não existe.

$$f'(x) = \frac{2x(x^2 - 4) - x^2(2x)}{(x^2 - 4)^2} = \frac{2x^3 - 8x - 2x^3}{(x^2 - 4)^2} = \frac{-8x}{(x^2 - 4)^2}$$

$f'(x) = 0$  quando  $-8x = 0$ , ou seja,  $x = 0$

**Resposta: A)  $x = 0$**

### Questão 38

Resolução:

$f(x) = \frac{x^2}{x^2 - 4}$  é decrescente onde  $f'(x) < 0$ :

$$f'(x) = \frac{-8x}{(x^2 - 4)^2} < 0$$

Como  $(x^2 - 4)^2 > 0$  sempre (exceto em  $x = \pm 2$ ):

$$-8x < 0 \Rightarrow x > 0$$

Considerando o domínio (excluindo  $x = \pm 2$ ):

$f$  é decrescente em  $]0, 2[$  e  $]2, +\infty[$

**Resposta: B)  $]0, +\infty[$**



### Questão 39

**Resolução:**

Perímetro do retângulo:  $2x + 2y = 20 \Rightarrow x + y = 10$

Área:  $A = xy$

Substituindo  $y = 10 - x$ :

$$A(x) = x(10 - x) = 10x - x^2$$

Para máximo:

$$A'(x) = 10 - 2x = 0 \Rightarrow x = 5$$

Logo  $y = 5$  também.

Área máxima:

$$A_{\max} = 5 \times 5 = 25 \text{ m}^2$$

**Resposta: B)  $A_{\max} = 25$**

### Questão 40

**Resolução:**

$$f(x) = x^3 - 6x^2 + 8x$$

A concavidade é determinada por  $f''(x)$ :

$$f'(x) = 3x^2 - 12x + 8$$

$$f''(x) = 6x - 12$$

Concavidade para cima quando  $f''(x) > 0$ :

$$6x - 12 > 0$$

$$x > 2$$

**Resposta: D)  $x \in ]2, +\infty[$**

**FIM**